

नाम..... अनुक्रमांक..... PS-2

वार्षिक परीक्षा-2023

समय 3 घण्टे

कक्षा-11

पूर्णांक : 90

विषय- गणित

नोट- सभी प्रश्न अनिवार्य हैं। प्रश्नों के उनके सम्मुख अंकित हैं। प्रथम प्रश्न से आरम्भ कीजिए और अन्त तक करते जाइए। जो प्रश्न न आता हो, उस पर समय नष्ट मत कीजिए।

1. कोई दो खण्ड हल करो-

क. सिद्ध कीजिए कि

$$\sin \theta + \sin(90^\circ + \theta) + \sin(180^\circ + \theta) + \sin(270^\circ + \theta) = 0.$$

ख. रेखा $3x + 2y - 12 = 0$ को अंतः खण्ड रूप में बदलिए तथा इनके द्वारा अक्षों पर काटे गए अंतः खण्ड ज्ञात कीजिए।

ग. यदि $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{3, 4\}$ तथा $C = \{4, 5, 6\}$ हैं तो $A \times (B \cup C)$ ज्ञात करें।

2. कोई दो खण्ड हल करो।

क. बिन्दुओं $(4, 1)$ तथा $(6, 5)$ से होकर जाने वाले वृत्त का समीकरण ज्ञात करो जिसका केन्द्र सरल रेखा $4x + y = 16$ पर स्थित हो।

ख. यदि z एक समिश्र संख्या है तथा $|z| = 1$ तो सिद्ध कीजिए

$\frac{z-1}{z+1}$ एक शुद्ध काल्पनिक संख्या है।

ग. उस दीर्घवृत्त का समीकरण ज्ञात करो जिसके दीर्घाप्त की लम्बाई 26 तथा नाभियाँ $(+5, 0)$ हैं।

3. कोई दो खण्ड हल करो।

क. यदि किसी समान्तर श्रेणी के p, q, r वे पद क्रमशः a, b, c हैं तो सिद्ध करो कि $a(q-r) + b(r-p) + c(p-q) = 0$

- ख. असमिका $5x + 7 > 3x + 19$ को हल करें।
- ग. श्रेणी $7 + 77 + 777$ को पदों का योगफल ज्ञात करो।
4. कोई दो खण्ड हल करो-
- क. निम्न लिखित ऑकड़ों से माध्य के सापेक्ष माध्य विणलन ज्ञात करो।
- | xi | 2 | 5 | 6 | 8 | 10 | 12 |
|-------|---|---|----|---|----|----|
| f_i | 2 | 8 | 10 | 7 | 8 | 5 |
- ख. $\left(\frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{3x}\right)^9$ के प्रसार में x से स्वतंत्र पद का मान बताओ।
- ग. $3x + 2y \leq 12$ तथा $x \geq 1, y \geq 2$ को आलेखीय विधि से हल करो।
5. कोई दो खण्ड हल करो-
- क. ΔPQR के शीर्ष $P(2,1), Q(-2,3)$ और $R(4,5)$ है। शीर्ष R से जाने वाली मध्यिका का समीकरण ज्ञात करो।
- ख. श्रेणी $0.6 + 0.66 + 0.666 + \dots$ का n पदों तक योगफल ज्ञात करो।
- ग. x का व्यापक मान बताओ जबकि
- $$\sin x + \sin 3x + \sin 5x = 0.$$
- ***